Übungen zur Vorlesung

Theoretische Informatik

WS 09/10

Blatt 8

Aufgabe 8.1

Säubere folgende kontextfreie Grammatik.

 $V = \{S, A, B, C, D, E\}$

P in Regelnotation:

 $S \rightarrow ABA|BA|Ea$

 $A \to BB|Ca$

 $B \to AC$

 $C \to CcC|c$

 $D \to Da|AB$

 $E \to Eb|EE$

S = Startvariable

Aufgabe 8.2

Zeige durch die Angabe der Turing-Tafel einer Einband-DTM, dass folgende Funktion Turingberechenbar ist.

$$f(x) = x \quad MOD \quad 4$$

Beschreibe die Arbeitsweise und die Funktion der einzelnen Zustände deiner Maschine.

Aufgabe 8.3

Gib eine DTM an, die für eine Eingabe $w \in \{0,1\}^*$ das Wort ww auf das Band schreibt. Notiere δ in Form einer Turing-Tafel, beschreibe die Arbeitsweise und die Funktion der einzelnen Zustände.

Hinweis: Das Arbeitsalphabet ist nicht auf die Zeichen der Eingabe beschränkt.

Gib die Folge von Konfigurationen an wenn deine Turingmaschine auf der Eingabe $\epsilon, 0, 10$ gestartet wird.

Aufgabe 8.4

Zeige, dass jede Einband-Turingmaschine M durch eine Einband-Turingmaschine M' simuliert werden kann, die den Richtungswechsel N nicht kennt, aber die selbe Sprache akzeptiert wie M. Kann diese Simulation auch so von statten gehen, dass M' weniger oder gleich viele Rechenschritte für eine Rechnung benötigt wie M?